

## Ecuaciones, inecuaciones y sistemas

- 1 **Preguntado un padre por la edad de su hijo contesta: “el producto de su edad hace 6 años por el de su edad hace 4 años es mi edad actual que son 48 años. Calcula la edad del hijo.**

Solución:

Se plantea la ecuación, “x” es la edad del hijo:  $(x - 6) \cdot (x - 4) = 48$

Operando:  $x^2 - 10x - 24 = 0$

Soluciones:  $x = 12$  y  $x = -1$ . La solución válida es 12 años.

- 2 **Resuelve las siguientes ecuaciones:**

a)  $x^2 + 10 = 9x + 10$

b)  $2x^2 - 12x + 14 = 0$

c)  $2x^2 - 5x + 12 = x^2 + 5x - 12$

d)  $2x^2 - 3 = x^2 - 6$

Solución:

a)  $x = 4$  y  $x = 5$ ;      b)  $x = -1$  y  $x = 7$ ;      c)  $x = 4$  y  $x = 6$ ;      d)  $x = -3$  y  $x = 3$

- 3 **Preguntado un padre por la edad de sus tres hijos contesta: mis hijos se llevan cada uno un año con el siguiente, si sumamos sus edades se obtienen 9 años más que si sumamos las edades de los dos más pequeños.**

Solución:

Se plantea la ecuación: edad del más pequeño “x” entonces  $x + (x + 1) + (x + 2) = 9 + x + (x + 1)$

Operando:  $x = 7$  años,  $x + 1 = 8$  años y  $x + 2 = 9$  años.

- 4 **Resuelve las siguientes ecuaciones de primer grado:**

a)  $10(20 - x) = 8(2x - 1)$

$$\frac{x}{2} - \frac{21}{3} - \frac{3x}{4} + \frac{5x}{6} = 7$$

b)

$$\frac{3x - 5}{2} - \frac{4x}{5} = \frac{3x + 5}{20}$$

c)

$$\frac{40 + 14x - 1 - 2x}{3} = \frac{-5x + 15}{5}$$

d)

Solución:

a)  $x = 8$

b) Multiplicando por 12 queda:  $6x - 84 - 9x + 10x = 84$ ;  $x = 24$

c) Multiplicando por 20 queda:  $30x - 50 - 16x = 3x - 5$ ;  $x = 5$

d) Multiplicando por 15 queda:  $200 + 70x - 5 - 10x = -15x + 45$ ;  $x = -2$

- 5 **En una clase deciden que este verano van a escribir todos una carta al resto de compañeros. El listillo de la clase dice: ¡Los de correos se van a poner contentos porque vamos a escribir 600 cartas!. Calcula el número de alumnos que hay en la clase.**

Solución:

Se plantea el problema. Si “x” es el numero de alumnos cada uno de ellos escribe  $(x - 1)$  cartas por lo que el total de las cartas será la suma de x veces  $(x - 1)$ .

$x(x - 1) = 600$

Operando:  $x^2 - x - 600 = 0$

Las soluciones son  $x = -24$  y  $x = 25$ , la solución válida es 25 alumnos.

- 6 **Resuelve las siguientes ecuaciones bicuadradas:**

a)  $x^4 - 20x^2 + 64 = 0$

b)  $x^5 - 41x^3 + 400x = 0$

c)  $x^6 - 3x^3 + 2 = 0$

Solución:

a) Realizando el cambio de variable:  $x^2 = z$  queda la ecuación:

$z^2 - 20z + 64 = 0$ ; cuyas soluciones son:  $z = 4$  y  $z = 16$ .

Calculando las raíces cuadradas de las soluciones obtenidas queda:  $x = -2$ ;  $x = 2$ ;  $x = -4$  y  $x = 4$

b) Sacando factor común  $x$  y realizando el cambio de variable:  $x^2 = z$  queda la ecuación:

$x \cdot (z^2 - 41z + 40) = 0$ ; cuyas soluciones son:  $x = 0$ ,  $z = 16$  y  $z = 25$ .

Calculando las raíces cuadradas de las soluciones ( $z$ ) obtenidas queda:  $x = 0$ ;  $x = -4$ ;  $x = 4$ ;  $x = -5$  y  $x = 5$

c) Realizando el cambio de variable:  $x^3 = z$  queda la ecuación:

$z^2 - 3z + 2 = 0$ ; cuyas soluciones son:  $z = 1$  y  $z = 2$ .

Calculando las raíces cúbicas de las soluciones obtenidas queda  $x = 1$  y  $x = \sqrt[3]{2}$

7 Resuelve las siguientes ecuaciones de primer grado:

$$\frac{6x - 22}{3} - \frac{10x - 2}{14} = \frac{2x - 14}{6} - \frac{10x - 12}{21}$$

a)

$$\frac{x}{2} - \frac{21}{3} - \frac{3x}{4} + \frac{5x}{6} = 7$$

b)

$$-\frac{1}{2}x + \frac{1}{3}x + \frac{1}{4}x = \frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{4}$$

c)

$$\frac{2(x - 1)}{4} - \frac{-2(1 - x)}{3} = 5$$

d)

Solución:

a) Multiplicando por 42 queda:  $84x - 308 - 30x + 6 = 14x - 98 - 20x + 24$ ;  $x = 19/5$

b) Multiplicando por 12 queda:  $6x - 84 - 9x + 10x = 84$ ;  $x = 24$

c) Multiplicando por 12 queda:  $-6x + 4x + 3x = 6 - 4 + 3$ ;  $x = 5$

d) Multiplicando por 12 queda:  $6x - 6 + 8 - 8x = 60$ ;  $x = -29$

8 Resuelve las siguientes ecuaciones:

$$x^2 - \frac{5x - 12}{2} = \frac{x^2 + 5x}{2} - 6$$

a)

$$\frac{x^2}{2} - \frac{3}{4} = \frac{x^2}{4} + \frac{3}{2}$$

b)

$$c) 2x^2 + 2x + 1 = x^2 + 2x + 2$$

$$d) x^2 - (2x - 1) = x - 1$$

d)

Solución:

a)  $x = 4$  y  $x = 6$ ;

b)  $x = -3$  y  $x = 3$ ;

c)  $x = -1$  y  $x = 1$ ;

d)  $x = 1$  y  $x = 2$

1 Resuelve los siguientes sistemas por sustitución y reducción.

$$\begin{cases} x + 2y = 5 \\ 2x + y = 7 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x + 4y = 10 \\ 2x + y = 7 \end{cases}$$

a)

b)

Solución:

a) Sustitución:

$$\begin{cases} x + 2y = 5 \\ 2x + y = 7 \end{cases} \quad \begin{aligned} x &= 5 - 2y \\ 2(5 - 2y) + y &= 7 \end{aligned}$$

$$10 - 4y + y = 7; \quad -3y = -3; \quad y = 1 \Rightarrow x = 3$$

Reducción

$$\begin{array}{r} -2 \cdot (x + 2y = 5) \\ 2x + y = 7 \end{array} \left\{ \begin{array}{l} -2x - 4y = -10 \\ 2x + y = 7 \end{array} \right. \quad \underline{\hspace{1cm}}$$

$$-3y = -3 \Rightarrow y = 1; \quad x = 3$$

b) Sustitución

$$\begin{cases} 2x + 4y = 10 \\ 2x + y = 7 \end{cases} \quad \begin{aligned} y &= 7 - 2x \\ 2x + 4(7 - 2x) &= 10 \end{aligned}$$

$$2x + 28 - 8x = 10; \quad -6x = -18; \quad x = 3 \Rightarrow y = 1$$

Reducción:

$$\begin{array}{r} -(2x + 4y = 10) \\ 2x + y = 7 \end{array} \left\{ \begin{array}{l} -2x - 4y = -10 \\ 2x + y = 7 \end{array} \right. \quad \underline{\hspace{1cm}}$$

$$-3y = -3 \Rightarrow y = 1; \quad x = 3$$

2 Resuelve el siguiente sistema no lineal:

$$\begin{cases} x^2 + y^2 + xy = \frac{3}{4} \\ x^2 - y^2 - xy = -\frac{1}{4} \end{cases}$$

Solución:

$$x = -\frac{1}{2}, y = -\frac{1}{2}; \quad x = -\frac{1}{2}, y = 1; \quad x = \frac{1}{2}, y = -1; \quad x = \frac{1}{2}, y = \frac{1}{2}$$

3 Resuelve los siguientes sistemas no lineales:

$$\begin{cases} x + y - \frac{y}{x} = 1 \\ x + y = 5 \end{cases} \quad \begin{cases} 3x^2 - 5y^2 = 30 \\ x^2 - 2y^2 = 7 \end{cases}$$

a)

b)

Solución:

$$\text{a) } x = 1, y = 4 \quad \text{b) } x = -5, y = -3; \quad x = -5, y = 3; \quad x = 5, y = -3; \quad x = 5, y = 3$$

4 Resuelve el siguiente sistema no lineal:

$$\begin{cases} \frac{2x-1}{x+1} + \frac{y+3}{y+1} = 3 \\ x(x-2) = y(1-y) \end{cases}$$

Solución:

$$x = 2, y = 1; \quad x = \frac{2}{13}, y = -\frac{3}{13}$$

- 5 **Partiendo de la ecuación:  $2x + y = 9$  añade otra que forme con esta un sistema que no tenga solución.**

Solución:

Para que el sistema no tenga solución basta con tomar una proporcional a ésta en una de las dos partes de la igualdad:

Ej:  $4x + 2y = 15$

También se puede tomar como compañera de esta la misma ecuación pero con diferente resultado:

Ej:  $2x + y = 7$

Resolviéndolas se puede comprobar que se obtienen resultados absurdos como  $7 = 9$

- 6 **Resuelve el siguiente sistema no lineal:**

$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 65 \\ xy = 28 \end{cases}$$

Solución:

$x = -7, y = -4; \quad x = -4, y = -7; \quad x = 4, y = 7; \quad x = 7, y = 4$

- 7 **El área de un triángulo rectángulo es  $6\text{m}^2$  y su perímetro 12 m. Calcula la longitud de los lados del triángulo.**

Solución:

Llamamos x e y a los catetos y escribimos las ecuaciones en función de estos

$$\begin{cases} x \cdot y = 12 \\ x + y + \sqrt{x^2 + y^2} = 12 \end{cases}$$

La segunda ecuación que tiene la forma de una radical la tratamos como tal elevándola al cuadrado:

$$\sqrt{x^2 + y^2} = 12 - x - y; \quad x^2 + y^2 = 144 + x^2 + y^2 - 24x - 24y + 2xy$$

$$\begin{cases} 24x + 24y - 2xy = 144 \\ xy = 12 \end{cases} \quad y = \frac{12}{x}$$

$$24 \frac{12}{x} + 24x - 2 \frac{12}{x} x = 144; \quad 24x^2 - 168x + 288 = 0 \Rightarrow x^2 - 7x + 12 = 0; \quad x = 4, \quad x = 3$$

Tomando  $x = 4$  se tiene  $y = 3$  y viceversa si se toma  $x = 3$  será  $y = 4$ , que forman el mismo triángulo.

- 8 **Resuelve los siguientes sistemas aplicando el método que quieras.**

$$\begin{cases} \frac{4x}{3} + \frac{3y}{2} = 7 \\ -\frac{2x}{3} + \frac{y}{2} = -1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x + 2y = \frac{5}{3} \\ 4x - y = \frac{5}{6} \end{cases}$$

a)

b)

Solución:

a)  $x = 3; y = 2$

b)  $x = 1/3; y = 1/2$

- 1 **Resuelve la siguiente inecuación ordenadamente, explicando todos los pasos que realizas:**

$$-4x + \frac{3-2x}{4} > \frac{1-3x}{3} - \frac{37}{12}$$

Solución:

Multiplicamos por 12 que es el m.c.m. de los denominadores para que desaparezcan:

$$-48x + 9 - 6x > 4 - 12x - 37$$

Se trasponen términos:

$$-48x - 6x + 12x > 4 - 37 - 9$$

Se opera en cada miembro

$$-42x > -42$$

Se divide por -42 cada miembro y se cambia el sentido de la desigualdad:

$$x < 1$$

2 **Resuelve las siguientes inecuaciones:**

a)  $x^2 + 2x + 3 \leq -1$       b)  $(x + 5)(x - 4) \geq 0$

Solución:

a)  $\mathbb{R}$       b)  $(-\infty, -5] \cup [4, +\infty)$

3 **Un vendedor de seguros tiene dos opciones de sueldo, debe elegir entre un fijo de 800 Euros más 80 Euros por póliza o cobrar 150 Euros de comisión pura (sin fijo) por póliza. ¿A partir de que cantidad de pólizas es más rentable la opción de comisión pura?**

Solución:

Se plantea la inecuación: "x" es el número de pólizas

$$800 + 80x < 150x; \quad x > 11,4$$

A partir de 12 pólizas es más rentable la comisión pura.

4 **Resuelve las siguientes inecuaciones:**

a)  $2(x - 3) > 1 - 3(x - 1)$

b)  $10(20 - x) < 8(2x - 1)$

c)  $2(1 - x) - 4 > 2(x + 3)$

Solución:

a)  $x > 2$

b)  $x > 8$

c)  $x > -2$

5 **Resuelve las siguientes inecuaciones:**

a)  $x + 2x + 3x < 5(1 - x) + 6$

b)  $(x - 1) + 2(2x + 3) < 4$

c)  $6(x - 2) - 7(x - 4) > 6 - 3x$

Solución:

a)  $x < 1$

b)  $x < -1$

c)  $x > -5$

6 **La tarifa de telefonía de la empresa A es 20 Euros fijos mensuales más 7 céntimos de euro por minuto de conversación, la de la empresa B es 11 Euros fijos más 12 céntimos por minuto de conversación. ¿A partir de cuantos minutos empieza a ser más rentable la tarifa de la empresa A?**

Solución:

Se plantea la inecuación (ponemos los datos en céntimos): "x" es el número de minutos

$$2000 + 7x < 1100 + 12x; \quad x > 18 \text{ minutos.}$$

7 **Resuelve las siguientes inecuaciones:**

a)  $\frac{x^2 + x}{3} - 1 > -\frac{1 - 2x^2}{6}$       b)  $\frac{2x^2}{3} - x < \frac{8x}{3}(1 + x) + 1$

a)

b)

Solución:

a)  $\left(\frac{5}{2}, +\infty\right)$       b)  $\left(-\infty, -\frac{3}{2}\right) \cup \left(-\frac{1}{3}, +\infty\right)$

a)

b)

8 **Resuelve las siguientes inecuaciones:**

a)  $x + 2x + 3x > 5(1 - x) + 6$

b)  $-1(x - 1) + 2(2x + 3) > 4$

c)  $6(x - 2) - 7(x - 4) < 6 - 3x$

Solución:

a)  $x > 1$

b)  $x > -1$

c)  $x > -5$

1 Resuelve los siguientes sistemas de inecuaciones:

$$\begin{cases} 6 - x \leq 4x - 5 \\ 1 - 2x \geq -3 \end{cases} \quad \begin{cases} 2x - 6 < 0 \\ x - 4 > -5 \end{cases}$$

a)

b)

Solución:

a)  $\emptyset$       b)  $(-1, 3)$

2 Resuelve los siguientes sistemas de inecuaciones:

$$\begin{cases} 2x + 1 > x - \frac{3}{2} \\ 2x - 1 < 1 - 3x \end{cases} \quad \begin{cases} x - \frac{1}{3} < \frac{3}{2}x - 1 \\ 4x - 5 < 2 - 5x \end{cases}$$

a)

b)

Solución:

$$\left(-\frac{5}{2}, \frac{2}{5}\right)$$

a)

b)  $\emptyset$

3 Resuelve los siguientes sistemas de inecuaciones:

$$\begin{cases} 2x - 15 \leq x - 5 \\ -x + 12 \geq 6 \end{cases} \quad \begin{cases} 2x - 10 > -x + 2 \\ 10 - 4x > -3x \end{cases}$$

a)

b)

Solución:

a)  $(-\infty, 6]$       b)  $(4, 10)$

4 Representa la región del plano que verifica el siguiente sistema de inecuaciones:

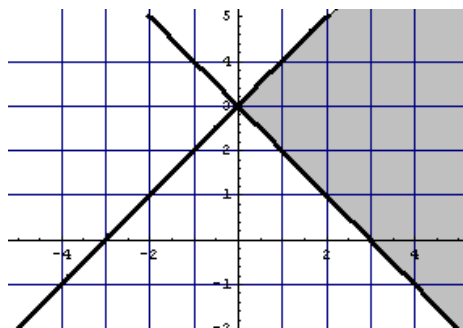
$$\begin{cases} -x + y \leq 3 \\ x + y - 3 > 0 \end{cases} \quad \begin{cases} 2x - y > 6 \\ 3x + 5y - 10 < 0 \end{cases}$$

a)

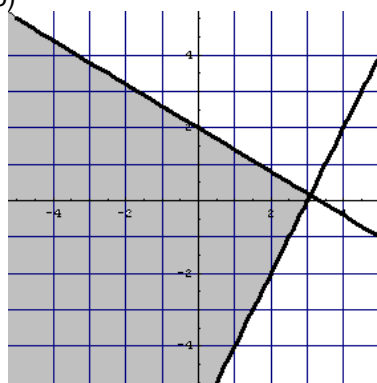
b)

Solución:

a)



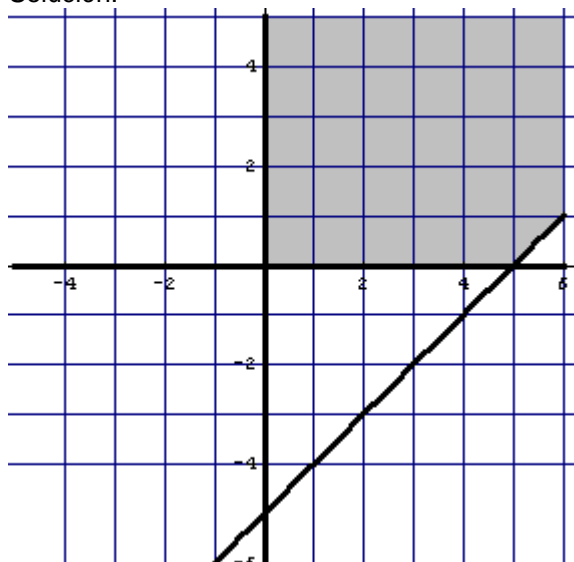
b)



5 Representa la región del plano que verifica el siguiente sistema de inecuaciones:

$$\begin{cases} x \geq 0 \\ y \geq 0 \\ x - y \leq 5 \end{cases}$$

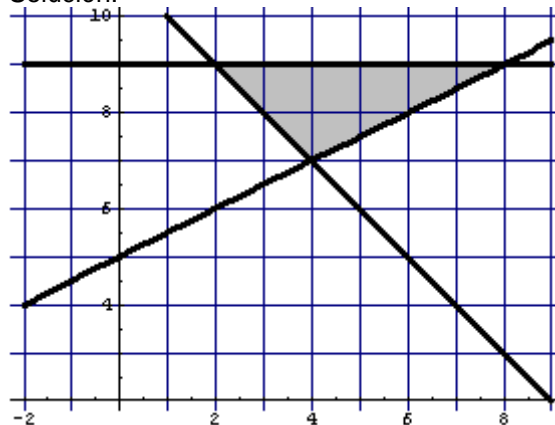
Solución:



6 Representa la región del plano que verifica el siguiente sistema de inecuaciones:

$$\begin{cases} x + y \geq 11 \\ -x + 2y \geq 10 \\ y \leq 9 \end{cases}$$

Solución:



7 Resuelve los siguientes sistemas de inecuaciones:

$$\begin{cases} \frac{2}{3} - \frac{x}{4} \geq \frac{7}{6} \\ \frac{3}{2} \left( 1 - \frac{x}{4} \right) > 0 \end{cases} \quad \begin{cases} x - 2 \geq \frac{x-1}{2} \\ 3x + \frac{1}{3} < x + 7 \end{cases}$$

a)

b)

Solución:

$$\begin{aligned} \text{a)} \quad & (-\infty, -2] \\ \text{b)} \quad & \left[ 3, \frac{10}{3} \right) \end{aligned}$$

8 Resuelve los siguientes sistemas de inecuaciones:

$$\begin{cases} 5(x-1) \leq 3(x+1) \\ 2(x+3) \geq 6 \end{cases} \quad \begin{cases} 3(x-2) \geq 2x+3 \\ x-1 < 9 \end{cases}$$

a)

b)

Solución:

$$a) [0,4] \quad b) [9,10)$$

## **ECUACIONES, INECUACIONES Y SISTEMAS**

### **Ejercicio nº 1.-**

Resuelve estas ecuaciones:

$$a) x^2 + \frac{15}{4} = \frac{3x^2 - x + 3}{4} + 3 \quad b) x^4 - 21x^2 - 100 = 0$$

### **Ejercicio nº 2.-**

Encuentra las soluciones de las ecuaciones siguientes:

$$a) x + 4 = \sqrt{4x + 12} \quad b) \frac{2x-1}{x} + \frac{4}{x-1} = \frac{11}{2}$$

### **Ejercicio nº 3.-**

Resuelve esta ecuación:

$$x^3 - 2x^2 - 11x + 12 = 0$$

### **Ejercicio nº 4.-**

Averigua un número sabiendo que la suma del doble de su inverso más el triple de dicho número da como resultado  $\frac{25}{2}$ .

### **Ejercicio nº 5.-**

Resuelve analíticamente el siguiente sistema e interprétalo gráficamente:

$$\left. \begin{array}{l} y - 4x - 2 = 0 \\ y = x^2 + 3x \end{array} \right\}$$

### **Ejercicio nº 6.-**

Resuelve el siguiente sistema:

$$\left. \begin{array}{l} \frac{3}{x} - \frac{x}{y} = 0 \\ 2x - y = 3 \end{array} \right\}$$

### **Ejercicio nº 7.-**

Alberto compró 3 bolígrafos y 2 cuadernos, pagando en total 2,9 euros. Una semana después, los bolígrafos tenían un 20% de descuento y los cuadernos, un 15%. Si los hubiera comprado con estas rebajas, habría tenido que pagar 2,42 euros. ¿Cuánto le costó a Alberto cada bolígrafo y cuánto cada cuaderno?

### **Ejercicio nº 8.-**

Resuelve el siguiente sistema de inecuaciones:

$$\left. \begin{array}{l} 3x - 2 < 4 \\ 2x + 6 > x - 1 \end{array} \right\}$$



**Ejercicio nº 9.-**

Resuelve gráficamente:

$$\left. \begin{array}{l} -x + y \geq -2 \\ y \leq 4 \end{array} \right\}$$

**Ejercicio nº 10.-**

Obtén las soluciones de las siguientes ecuaciones:

$$\text{a) } x(x+4)-5 = \frac{x(x-1)}{3} \qquad \text{b) } x^4 - 48x^2 - 49 = 0$$

**Ejercicio nº 11.-**

Halla las soluciones de las siguientes ecuaciones:

$$\text{a) } x + \sqrt{3x+10} = 6 \qquad \text{b) } \frac{3}{x} + \frac{2}{x+4} = \frac{11}{6}$$

**Ejercicio nº 12.-**

Resuelve, factorizando previamente:

$$x^3 - 2x^2 - 5x + 6 = 0$$

**Ejercicio nº 13.-**

Un padre ha comprado un jersey para cada uno de sus cinco hijos, gastándose en total 108,75 euros. Tres de los jerseys tenían un 15% de descuento, y otro de ellos tenía un 20% de descuento. Sabiendo que inicialmente costaban lo mismo, ¿cuánto ha tenido que pagar por cada jersey?

**Ejercicio nº 14.-**

Halla la solución del siguiente sistema, analítica y gráficamente:

$$\left. \begin{array}{l} \frac{x}{3} + \frac{y}{2} = 3 \\ \frac{x}{2} + \frac{y}{2} = 4 \end{array} \right\}$$

**Ejercicio nº 15.-**

Resuelve el siguiente sistema:

$$\left. \begin{array}{l} \frac{1}{x+y} = \frac{2}{5} \\ \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{5}{2} \end{array} \right\}$$

**Ejercicio nº 16.-**

En una empresa obtienen 6 euros de beneficio por cada envío que hacen; pero si el envío es defectuoso, pierden por él 8 euros. En un día hicieron 2 100 envíos, obteniendo 9 688 euros de beneficio. ¿Cuántos envíos válidos y cuántos defectuosos hicieron ese día?

**Ejercicio nº 17.-**

Resuelve el siguiente sistema de inecuaciones:

$$\left. \begin{array}{l} 4(x+1)-2 \leq 0 \\ 2x+4 \geq 6 \end{array} \right\}$$

**Ejercicio nº18.-**

Resuelve:

$$\left. \begin{array}{l} 3x+y \geq 2 \\ x \leq 2 \end{array} \right\}$$

**Ejercicio nº 19.-**

Halla las soluciones de las siguientes ecuaciones:

$$a) \frac{x^2-16}{3} - x = \frac{2-3x}{3} - \frac{x^2}{3}$$

$$b) x^4 - 5x^2 - 36 = 0$$

**Ejercicio nº 20.-**

Resuelve:

$$a) \sqrt{x+5} - x = 3$$

$$b) \frac{4x}{x+2} + \frac{x}{x-2} = \frac{14}{3}$$

**Ejercicio nº 21.-**

Descompón en factores y resuelve:

$$x^4 + x^3 - 4x^2 - 4x = 0$$

**Ejercicio nº 22.-**

Un grupo de amigos tiene que pagar una factura de 500 euros. Si fueran dos amigos más, cada uno de ellos tendría que pagar 12,5 euros menos. ¿Cuántos amigos son?

**Ejercicio nº 23.-**

Resuelve analíticamente e interpreta gráficamente el sistema de ecuaciones:

$$\left. \begin{array}{l} y = x^2 - 2x \\ y + x - 6 = 0 \end{array} \right\}$$

**Ejercicio nº 24.-**

Resuelve el siguiente sistema de ecuaciones:

$$\left. \begin{array}{l} 2x + y = 6 \\ \sqrt{x} - y = -3 \end{array} \right\}$$

**Ejercicio nº25.-**

Se mezcla cierta cantidad de café de 6 euros/kg con otra cantidad de café de 4 euros/kg, obteniendo 8 kg de mezcla. Sabiendo que el precio del café mezclado es de 4,5 euros/kg, ¿cuántos kilogramos se han mezclado de cada clase?

**Ejercicio nº 26.-**

Resuelve e interpreta gráficamente la inecuación:

$$2x - 1 > -5$$

**Ejercicio nº 27.-**

Resuelve gráficamente:

$$\begin{cases} x + y \leq 1 \\ x - y \leq 3 \end{cases}$$

**Ejercicio nº 28.-**

Resuelve:

$$a) \frac{4x^2 - 4x}{3} - x = x^2 - \frac{3x + 4}{3}$$

$$b) x^4 - 11x^2 + 28 = 0$$

**Ejercicio nº 29.-**

Resuelve estas ecuaciones:

$$a) \sqrt{3x + 16} = 2x - 1$$

$$b) \frac{3}{x} + \frac{2}{x^2} = 1 + \frac{4}{x^2}$$

**Ejercicio nº 30.-**

Resuelve la siguiente ecuación:

$$x^3 + 4x^2 - x - 4 = 0$$

**Ejercicio nº 31.-**

En un examen tipo test, que constaba de 40 preguntas, era obligatorio responder a todas. Cada pregunta acertada se valoró con un punto, pero cada fallo restaba medio punto. Sabiendo que la puntuación total que obtuvo Pablo fue de 32,5 puntos, ¿cuántas preguntas acertó?

**Ejercicio nº 32.-**

Resuelve analíticamente el siguiente sistema de ecuaciones e interpreta gráficamente la solución:

$$\begin{cases} \frac{x-1}{3} + \frac{y}{2} = 2 \\ 3x + y = 7 \end{cases}$$

**Ejercicio nº 33.-**

Halla las soluciones de este sistema:

$$\begin{cases} y = 3x + 1 \\ \sqrt{x + y + 4} = y - x \end{cases}$$

**Ejercicio nº 34.-**

Un comerciante compró dos artículos por 30 euros y los vendió por 33,9 euros. En la venta del primer artículo obtuvo un 10% de beneficio y en la venta del segundo artículo ganó un 15%. ¿Cuánto le costó cada uno de los artículos?

**Ejercicio nº 35.-**

Resuelve e interpreta gráficamente la siguiente inecuación:

$$\square 2x \square 4 \square \square 2$$

**Ejercicio nº 36.-**

Resuelve gráficamente:

$$2x \square y \square 3$$

**Ejercicio nº 37.-**

Resuelve las siguientes ecuaciones:

$$\text{a) } \frac{x^2}{2} - 4x = 3 + \frac{x^2 - 12}{4} \qquad \text{b) } x^4 - 4x^2 + 3 = 0$$

**Ejercicio nº 38.-**

Resuelve las siguientes ecuaciones:

$$\text{a) } \sqrt{3x-3} + x = 7 \qquad \text{b) } \frac{2}{x-1} + \frac{x-2}{x+1} = \frac{5}{4}$$

**Ejercicio nº 39.-**

Factoriza y resuelve:

$$x^4 + x^3 - 9x^2 - 9x = 0$$

**Ejercicio nº 40.-**

Cristina tiene 8 años más que Carlos, y hace 2 años tenía el doble de edad que él. ¿Cuántos años tiene actualmente cada uno?

**Ejercicio nº 41.-**

Resuelve analítica y gráficamente este sistema:

$$\left. \begin{array}{l} y = x^2 - 3x \\ y - 2x + 6 = 0 \end{array} \right\}$$

**Ejercicio nº 42.-**

Halla las soluciones del siguiente sistema de ecuaciones:

$$\left. \begin{array}{l} \frac{2}{x} + \frac{3}{y} = 3 \\ x + y = 4 \end{array} \right\}$$

**Ejercicio nº 43.-**

La suma de dos números es 12 y la de sus inversos es  $\frac{3}{8}$ . ¿Cuales son esos números?

**Ejercicio nº 44.-**

Resuelve e interpreta gráficamente la inecuación:

$$x^2 \square x \square 6 \square 0$$

**Ejercicio nº 45.-**

Resuelve:

$$3x \square 2y \square 1$$

**Ejercicio nº 46.-**

Halla las soluciones de las siguientes ecuaciones:

$$\text{a) } \frac{x^2 - 16}{3} - x = \frac{2 - 3x}{3} - \frac{x^2}{3} \qquad \text{b) } x^4 - 5x^2 - 36 = 0$$

**Ejercicio nº 47.-**

Resuelve estas ecuaciones:

$$\text{a) } \sqrt{3x + 16} = 2x - 1 \qquad \text{b) } \frac{3}{x} + \frac{2}{x^2} = 1 + \frac{4}{x^2}$$

**Ejercicio nº 48.-**

Resuelve esta ecuación:

$$x^3 - 2x^2 - 11x + 12 = 0$$

**Ejercicio nº 49.-**

Cristina tiene 8 años más que Carlos, y hace 2 años tenía el doble de edad que él. ¿Cuántos años tiene actualmente cada uno?

**Ejercicio nº 50.-**

Resuelve analíticamente el siguiente sistema e interprétalo gráficamente:

$$\left. \begin{array}{l} y - 4x - 2 = 0 \\ y = x^2 + 3x \end{array} \right\}$$

**Ejercicio nº 51.-**

Halla las soluciones de este sistema:

$$\left. \begin{array}{l} y = 3x + 1 \\ \sqrt{x + y + 4} = y - x \end{array} \right\}$$

**Ejercicio nº 52.-**

La suma de dos números es 12 y la de sus inversos es  $\frac{3}{8}$ . ¿Cuales son esos números?

**Ejercicio nº 53.-**

Resuelve el siguiente sistema de inecuaciones:

$$\left. \begin{array}{l} 3x - 2 < 4 \\ 2x + 6 > x - 1 \end{array} \right\}$$

**Ejercicio nº 54.-**

Resuelve:

$$\left. \begin{array}{l} 3x + y \geq 2 \\ x \leq 2 \end{array} \right\}$$

**ECUACIONES, INECUACIONES Y SISTEMAS**

**Enviado por:**

**Ing.+Lic. Yunior Andrés Castillo S.**

**“NO A LA CULTURA DEL SECRETO, SI A LA LIBERTAD DE INFORMACION”®**

[www.monografias.com/usuario/perfiles/ing\\_lic\\_yunior\\_andra\\_s\\_castillo\\_s/monografias](http://www.monografias.com/usuario/perfiles/ing_lic_yunior_andra_s_castillo_s/monografias)

Página Web: [yuniorandrescastillo.galeon.com](http://yuniorandrescastillo.galeon.com)

Correo: [yuniorcastillo@yahoo.com](mailto:yuniorcastillo@yahoo.com)

[yuniorandrescastillosilverio@facebook.com](https://www.facebook.com/yuniorandrescastillosilverio)

Twitter: [@yuniorcastillos](https://twitter.com/yuniorcastillos)

Celular: 1-829-725-8571

Santiago de los Caballeros,

República Dominicana,

2015.

“DIOS, JUAN PABLO DUARTE Y JUAN BOSCH – POR SIEMPRE”®